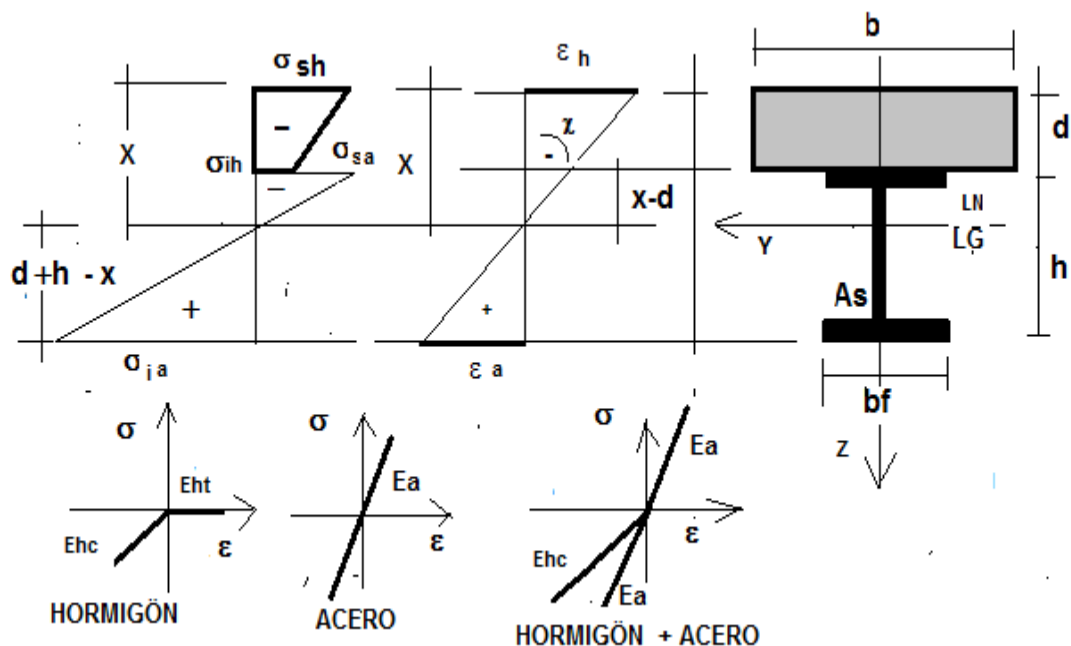


Ejemplo: Problema de flexión simple en sección con distinto material (H°+A°)
Sección Compuesta Viga Metálica-Placa de Hormigón :

Para el desarrollo del **Problema** aplicamos el concepto de **Sección Homogénea** planteando las ecuaciones de equivalencia.

En el esquema de la figura se observa el diagrama de tensiones del H° en compresión y del A° con zona comprimida y traccionada y el diagrama de deformaciones específicas según la hipótesis de B.N. Se representa el diagrama de σ - ϵ correspondientes a la sección transversal compuesta de dos materiales.



De las ecuaciones de equivalencia obtenemos la ubicación de la Línea Neutra de la sección homogénea y la expresión de **cálculo del momento admisible para la falla del H° o del A° en Periodo Elástico a partir de los valores de resistencia de ambos materiales**- El momento admisible será el menor de los dos. Se advierte que según los datos del problema puede surgir que la falla ocurra en ambos materiales simultáneamente con el menor de los momentos admisibles obtenidos.

Datos del Problema: Unidades Homogéneas KN, cm, **ACERO F24** $\sigma_f := 24$
 (tensión de fluencia)

Hormigón (tensión de rotura): $\sigma_r := 2$

PERFIL HEB 400

$F_a := 197.8$ $J_y := 57680$

$\sigma_{maxh} := 2$ $\sigma_{maxa} := 24$

$d := 20$ $h := 40$ $b := 100$ $bf := 30$

$F_h := d \cdot b$ $F_h = 2 \times 10^3$ $nh := 1$

$E_a := 20000$ $E_h := 2500$ $n_a := \frac{E_a}{E_h}$

Problema A) Dada las características geométricas y mecánicas de la sección transversal obtener la distribución de tensiones sobre el H° y el A° para la sollicitación de momento flector **M** dado

$$M := 50000$$

Obtención del baricentro de la Sección Homogénea:

siendo la sección homogénea (Fho) la suma se la sección de H° mas la homogénea del A°)

$$Fho := Fh + na \cdot Fa$$

$$Fho = 3.582 \times 10^3$$

$$X \cdot Fho = Fh \cdot \frac{d}{2} + na \cdot Fa \cdot \left(\frac{h}{2} + d \right) \text{ solve, } X \rightarrow 23.25145154086645824$$

$$X := 23.25$$

$$d + h - X = 36.75$$

Ecuaciones de Equivalencia:

$$1) \quad N = \int \sigma_x dF = 0 = Eh \cdot \chi \cdot Ssh \quad 1) \quad Ssh = 0$$

$$2) \quad M = \int \sigma_x \cdot z dF = Eh \cdot \chi \cdot Jsh \quad 2) \quad M = Eh \cdot \chi \cdot Jsh$$

Método Sección Homogénea): χ = ángulo de rotación específica por flexión

v_n = distancia de la fibra del material donde calculamos la tensión real al eje neutro baricéntrico.

$$\epsilon_i = \chi \cdot v_n \quad \epsilon_i = \frac{\sigma_i}{E_i} \quad \chi = \frac{\sigma_i}{E_i \cdot v_n} \quad \chi = \frac{M}{Eh \cdot Jsh} \quad n_i = \frac{E_i}{Eh}$$

$$na = 8$$

$$\frac{\sigma_i}{E_i \cdot v_n} = \frac{M}{Eh \cdot Jsh}$$

$$\sigma_i = E_i \cdot \frac{M}{(Eh \cdot Jsh)} \cdot v_n \quad \sigma_i = n_i \cdot \frac{M}{Jsh} \cdot v_n \quad \text{(Expresión general para el diagrama de tensiones reales)}$$

$$d + h - X - \frac{h}{2} = 16.75 \quad Jsh = Jh + na \cdot Ja$$

$$Jsh = b \cdot \frac{d^3}{12} + b \cdot d \cdot \left(X - \frac{d}{2} \right)^2 + na \cdot \left[Jya + Fa \cdot \left(d + h - X - \frac{h}{2} \right)^2 \right] \text{ solve, } Jsh \rightarrow 1.32319376666666666666$$

$$\sigma_i = n_i \cdot \frac{M}{Jsh} \cdot v_n$$

$$Jsh := 1323193.7$$

$$v_n := X$$

$$v_n = 23.25$$

$$\sigma_{sh} := n_h \cdot \frac{M}{Jsh} \cdot v_n = 0.879 \quad \text{(fibra superior en H°)}$$

$$v_n := X - d$$

$$v_n = 3.25$$

$$\sigma_{ih} := n_h \cdot \frac{M}{Jsh} \cdot v_n = 0.123 \quad \text{(fibra inferior en H°)}$$

$$\overset{v_n}{\text{M}} := X - d$$

$$v_n = 3.25$$

$$\sigma_{sa} := n_a \cdot \frac{M}{J_{sh}} \cdot v_n = 0.982$$

(fibra superior en A°)

$$\overset{v_n}{\text{M}} := d + h - X$$

$$v_n = 36.75$$

$$\sigma_{ia} := n_a \cdot \frac{M}{J_{sh}} \cdot v_n = 11.109$$

(fibra inferior en A°)

Problema B) Dada las características geométricas y mecánicas de la sección transversal obtener el **Momento Admisible**.

Por resistencia de H°:

$$M_{adh} := \sigma_{maxh} \cdot \frac{J_{sh}}{n_h \cdot v_n}$$

$$\overset{v_n}{\text{M}} := X$$

$$M_{adh} = 1.138 \times 10^5$$

Por resistencia de A°:

$$M_{ada} := \sigma_{maxa} \cdot \frac{J_{sh}}{n_a \cdot v_n}$$

$$\overset{v_n}{\text{M}} := d + h - X$$

$$J_{sh} = 1.323 \times 10^6$$

$$M_{ada} = 1.08 \times 10^5$$

El menor de los dos es el admisible por lo tanto será el Mada falla el acero.

57e6